

Groupe 5

1. **Un échauffement** : Choisir la bonne réponse à la question suivante en préparant une justification à donner à l'oral

Soit f la fonction définie sur \mathbf{R}_+ par $f(x) = \sqrt{x}$. Le coefficient directeur de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse 1 vaut

A. 1

B. 2

C. 0,5

D. 1/4

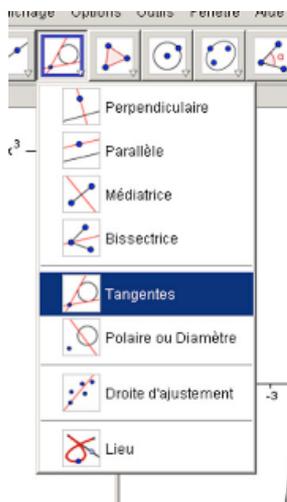
2. **Une démonstration** : On veut démontrer la propriété de cours suivante: Soit f définie et dérivable sur un intervalle I . Si f est croissante sur I alors, pour tout nombre réel x de I on a $f'(x) \geq 0$.

1. Préliminaire: rappeler la définition de fonction croissante sur I .
2. Rappeler l'expression de τ_a , le taux d'accroissement de la fonction f en $x=a$ où a appartient à I .
3. Discuter le signe de τ_a dans les deux cas $h > 0$ et $h < 0$ (il faudra utiliser le fait que f est croissante).
4. Conclure en passant à la limite (cela conserve le signe de τ_a)

3. Un exercice:

On considère les fonctions f et g définies pour tout réel x par $f(x) = 2x^2 - 3x + 1$ et $g(x) = x^2 - 3x + 2$.

1. Déterminer les points d'intersections des courbes représentatives de ces deux fonctions
2. « Deux courbes sont dites orthogonales si les tangentes en un de leurs points d'intersections sont perpendiculaires ». Les courbes représentatives de f et g sont-elles orthogonales?



Coup de pouce:

Soient (d_1) et (d_2) deux droites du plan de coefficients directeurs respectifs m_1 et m_2 , tous les deux non nuls.

(d_1) et (d_2) sont perpendiculaires si et seulement si

$$m_1 m_2 = -1$$

